

SKEMA DETEKSI KECURANGAN PEMBAGIAN RAHASIA BERBASIS *CHINESE REMAINDER THEOREM*

DHEA EKAPUTRI



**DEPARTEMEN MATEMATIKA
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM
INSTITUT PERTANIAN BOGOR
BOGOR
2024**

PERNYATAAN MENGENAI SKRIPSI DAN SUMBER INFORMASI SERTA PELIMPAHAN HAK CIPTA

Dengan ini saya menyatakan bahwa skripsi dengan judul “Skema Deteksi Kecurangan Pembagian Rahasia Berbasis *Chinese Remainder Theorem*” adalah karya saya dengan arahan dari dosen pembimbing dan belum diajukan dalam bentuk apa pun kepada perguruan tinggi mana pun. Sumber informasi yang berasal atau dikutip dari karya yang diterbitkan maupun tidak diterbitkan dari penulis lain telah disebutkan dalam teks dan dicantumkan dalam Daftar Pustaka di bagian akhir skripsi ini.

Dengan ini saya melimpahkan hak cipta dari karya tulis saya kepada Institut Pertanian Bogor.

Bogor, Juli 2024

Dhea Ekaputri
NIM G5401201074

- Hak Cipta Dilindungi Undang-undang
1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar IPB University.
 2. Dilarang mengumunkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.



ABSTRAK

DHEA EKAPUTRI. Skema Deteksi Kecurangan Pembagian Rahasia Berbasis *Chinese Remainder Theorem*. Dibimbing oleh SUGI GURITMAN dan TEDUH WULANDARI MAS'OED.

Rahasia merupakan sesuatu yang sengaja disembunyikan agar tidak diketahui oleh pihak yang tidak berwenang. Namun, saat ini sering terjadi kebocoran rahasia. Salah satu cara untuk mencegah terjadinya kebocoran rahasia adalah dengan melakukan pembagian rahasia. Pembagian rahasia merupakan cara mengamankan rahasia dengan memecah rahasia menjadi kepingan rahasia, lalu mendistribusikannya kepada partisipan. Namun, cara ini tetap berpeluang bagi berbagai pihak untuk melakukan kecurangan. Karya ilmiah ini bertujuan untuk merekonstruksi skema pembagian rahasia berbasis *Chinese Remainder Theorem* (CRT), meliputi skema Mignotte dan Asmuth Bloom, mengkaji aspek keamanan dan skema pendeteksian kecurangan, serta mengimplementasikannya pada Python. Pendeteksian kecurangan pada kedua skema dilakukan dengan cara berbeda, Mignotte menggunakan parameter detektor (pD), sedangkan Asmuth Bloom menggunakan fungsi satu arah. Adanya penambahan skema pendeteksian dapat meningkatkan keamanan skemanya. Kemudian, pengimplementasian pada Python dapat mempermudah penerapan skema karena mampu mengefisienkan waktu perhitungan.

Kata kunci: Asmuth Bloom, *Chinese Remainder Theorem*, deteksi kecurangan, Mignotte, pembagian rahasia.

ABSTRACT

DHEA EKAPUTRI. Secret Sharing Cheating Detection Scheme Based on *Chinese Remainder Theorem*. Supervised by SUGI GURITMAN and TEDUH WULANDARI MAS'OED.

Secrets are something that is deliberately hidden from unauthorized parties. However, nowadays there are frequent leaks of secrets. A way to prevent the secret leaks is to share the secrets. The secret leaks sharing is a way to secure secrets by breaking the secret leaks into secret pieces, then distributing them to participants. However, this method still allows various parties to commit fraud. This scientific paper aims to reconstruct the secret sharing scheme based on the *Chinese Remainder Theory* (CRT), including the Mignotte and Asmuth Bloom schemes, examine security aspects and fraud detection schemes, and implement them in Python. Fraud detection on both schemes is done in different ways, Mignotte uses detector parameters (pD), while Asmuth Bloom uses a one-way function. The addition of detection schemes can improve the security of the scheme. Then, implementation in Python can make it easier to implement schemas because it is able to streamline calculation time.

Keywords: Asmuth Bloom, cheating detection, *Chinese Remainder Theorem*, Mignotte, secret sharing.



Hak Cipta Dilindungi Undang-undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar IPB University.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.

© Hak Cipta milik IPB, tahun 2024
Hak Cipta dilindungi Undang-Undang

Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan atau menyebutkan sumbernya. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik, atau tinjauan suatu masalah, dan pengutipan tersebut tidak merugikan kepentingan IPB.

Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apa pun tanpa izin IPB.

SKEMA DETEKSI KECURANGAN PEMBAGIAN RAHASIA BERBASIS *CHINESE REMAINDER THEOREM*

DHEA EKAPUTRI

Skripsi
sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar
Sarjana Matematika pada
Program Studi Matematika

**DEPARTEMEN MATEMATIKA
FAKULTAS MATEMATIKA DAN ILMU PENGETAHUAN ALAM
INSTITUT PERTANIAN BOGOR
BOGOR
2024**



@Hak cipta milik IPB University

IPB University

Penguji pada Ujian Skripsi:
Drs. Siswandi, M.Si.



IPB University
— Bogor Indonesia —

- Hak Cipta Dilindungi Undang-undang
1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :
 - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah
 - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar IPB University.
 2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.



Judul Skripsi : Skema Deteksi Kecurangan Pembagian Rahasia Berbasis *Chinese Remainder Theorem*

Nama : Dhea Ekaputri

NIM : G5401201074

Disetujui oleh

Pembimbing 1:

Dr. Drs. Sugi Guritman

Pembimbing 2:

Teduh Wulandari Mas'oed, M.Si.

Diketahui oleh

Ketua Departemen Matematika:

Dr Ir Endar Hasafah Nugrahani, MS

NIP 196312281989032001

Tanggal Ujian: 21 Mei 2024

Tanggal Lulus:

PRAKATA

Puji dan syukur penulis panjatkan kepada Allah subhanaahu wa ta'ala atas segala karunia-Nya sehingga karya ilmiah ini berhasil diselesaikan. Tema yang dipilih dalam penelitian yang dilaksanakan sejak bulan November 2023 sampai bulan Maret 2024 ini ialah Kriptografi, dengan judul “Skema Deteksi Kecurangan Pembagian Rahasia Berbasis *Chinese Remainder Theorem*”.

Penyusunan karya ilmiah ini dapat diselesaikan tentunya tidak terlepas dari bantuan dan dukungan berbagai pihak. Oleh karena itu, dalam kesempatan ini penulis ingin mengucapkan terima kasih kepada:

1. Ibu Eem Apriani dan Bapak Yudi Budianto selaku kedua orang tua penulis dan Aldo Rizky Budianto selaku adik penulis yang senantiasa memberikan doa dan dukungannya,
2. Keluarga besar Bapak Omod dan Ibu E. Karmini yang senantiasa mendoakan dan memotivasi dalam penulisan karya ilmiah ini,
3. Bapak Dr. Drs. Sugi Guritman selaku dosen pembimbing satu dan Ibu Teduh Wulandari Mas'oed, M.Si. selaku dosen pembimbing dua atas segala ilmu, motivasi, dan arahnya selama penulisan karya ilmiah ini,
4. Seluruh dosen Departemen Matematika atas segala ilmu yang diberikan,
5. Seluruh staf Departemen Matematika atas segala bantuan yang telah diberikan selama penulisan karya ilmiah ini,
6. Seluruh teman-teman mahasiswa Departemen Matematika, khususnya angkatan 57 yang telah memberikan saran dan segala bentuk dukungannya,
7. Amanda Nabila, Sherly Yulianty, Suci Nur Setyawati, dan Vina Alfiati sebagai teman seperjuangan yang selalu menemani dan mendengarkan keluh kesah serta memberikan bantuan dalam penulisan karya ilmiah ini,
8. Teman-teman *fasttrack* yang selalu kebersamai perjuangan tahap demi tahap penyelesaian tugas akhir,
9. Tim PKM-PM *Math Mission*, yaitu Syifa Noer Sya'adah, Rio Rizky, dan Muhamad Rifqi Al-Wafi yang telah memberikan motivasi dan dukungannya selama penulisan karya ilmiah ini,
10. Teman-teman dekat ketika SMA yang telah membantu memberikan semangat dan masukannya dalam penulisan karya ilmiah ini,
11. Semua pihak yang terlibat dan membantu dalam penyusunan karya ilmiah ini.

Semoga karya ilmiah ini bermanfaat bagi pihak yang membutuhkan dan bagi kemajuan ilmu pengetahuan.

Bogor, Juli 2024

Dhea Ekaputri



Hak Cipta Dilindungi Undang-undang
1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :
a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah
b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar IPB University.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.

DAFTAR ISI

DAFTAR LAMPIRAN	x
I PENDAHULUAN	1
1.1 Latar Belakang	1
1.2 Tujuan Penelitian	2
II TINJAUAN PUSTAKA	3
2.1 Teori Bilangan	3
2.2 Grup	4
2.3 Aritmatika Modulo	4
2.4 Aljabar Abstrak	7
2.5 Kriptografi	8
2.6 Pembagian Rahasia	9
III HASIL DAN PEMBAHASAN	14
3.1 Rekonstruksi Skema Pembagian Rahasia Mignotte	14
3.2 Rekonstruksi skema Pembagian Rahasia Asmuth Bloom	21
3.3 Skema Pendeteksian Kecurangan Mignotte	28
3.4 Skema Pendeteksian Kecurangan Asmuth Bloom	37
3.5 Tipe Serangan Kecurangan oleh <i>Cheaters</i>	45
IV SIMPULAN DAN SARAN	50
4.1 Simpulan	50
4.2 Saran	50
DAFTAR PUSTAKA	51
LAMPIRAN	53
RIWAYAT HIDUP	68



DAFTAR LAMPIRAN

1	Algoritma pembentukan barisan Mignotte	54
2	Algoritma pembagian rahasia Mignotte	55
3	Algoritma penyatuan rahasia Mignotte	56
4	Algoritma pembentukan barisan bilangan prima	57
5	Algoritma pembagian rahasia Asmuth Bloom	58
6	Algoritma penyatuan rahasia Asmuth Bloom	59
7	Algoritma pembagian rahasia Mignotte dengan penambahan parameter	60
8	detektor	60
9	Algoritma keping rahasia palsu berpola pada skema Mignotte	62
10	Algoritma cheater mencari kunci rahasia asli pada skema Mignotte	63
11	Deteksi kecurangan pada skema Mignotte	64
12	Algoritma Asmuth Bloom dengan gungsi satu arah	65
13	Algoritma keping rahasia palsu berpola pada Asmuth Bloom	66
14	Deteksi kecurangan pada skema Asmuth Bloom	67