



Hak Cipta Dilindungi Undang-undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :
  - a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah
  - b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar IPB University.
2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.

## LAMPIRAN



## Lampiran 1 Perhitungan titik tetap bebas penyakit

Titik tetap bebas penyakit dapat diperoleh dengan menyelesaikan sistem persamaan (9) sehingga:

$$\frac{dS}{dt} = A - \frac{\beta SI}{\alpha + \eta I} - \mu S + (1 - \theta)m = 0$$

$$\frac{dI}{dt} = \frac{(1 - k)\beta SI}{\alpha + \eta I} - \mu I - \delta_1 I - \sigma I - \alpha_1 I + \theta m = 0$$

$$\frac{dQ}{dt} = \frac{k\beta SI}{\alpha + \eta I} + \sigma I - \delta_2 Q - \mu Q - \alpha_2 Q = 0$$

Titik tetap bebas penyakit terjadi ketika  $I = Q = 0$  dan  $m = 0$ , sehingga:

$$A - \frac{\beta S(0)}{\alpha + \eta(0)} - \mu S + 0 = 0$$

$$A - \mu S = 0$$

$$A = \mu S$$

$$S = \frac{A}{\mu}$$

Sehingga diperoleh titik tetap bebas penyakit

$$E_0 = (S_0, I_0, Q_0) = \left(\frac{A}{\mu}, 0, 0\right)$$

## Lampiran 2 Perhitungan titik tetap endemik

using SymPy

```

A, a, n, b, u, k, d1, d2, o, a1, a2, t, m, s, i, q, r0 =
symbols("A, a, n, b, u, k, d1, d2, o, a1, a2, t, m, s, i, q,
r0", real = true)

f1 = A - ((b*s*i) / (a+n*i)) - u*s
S=solve(f1,s)

S=collect(S[1],i)

f2 = (((1-k)*(b*s*i)) / (a+n*i)) - u*i - d1*i - o*i - a1*i
f2 = f2.subs(s, (A*(a+i*n)) / (a*u + i*(b+n*u)))
S=solve(f2,i)

factor(I[2])

I=collect(collect(collect(I[2],A),a*u),b)

I=simplify(I.subs(A*b*(1-k), (r0*(u*a*(u+d1+o+a1)))))

f3 = ((k*b*s*i) / (a+n*i)) + o*i - d2*q - u*q - a2*q
f3 = f3.subs(s, (A*(a+i*n)) / (a*u + i*(b+n*u)))
Q=solve(f3,q)

Q=simplify(collect(factor(Q[1]),i))

f11 = A - ((b*s*i) / (a+n*i)) - u*s + (1-t)*m
S1=solve(f11,s)

S1=simplify(collect(collect(factor(S1[1]),i),m))

f33 = ((k*b*s*i) / (a+n*i)) + o*i - d2*q - u*q - a2*q
f33 = f33.subs(s, ((A-m*(t-1))*(a+i*n)) / (a*u + i*(b+n*u)))
Q1=solve(f33,q)

Q1=simplify(collect(collect(collect(factor(Q1[1]),b*k),i),m))

f22 = (((1-k)*(b*s*i)) / (a+n*i)) - u*i - d1*i - o*i - a1*i + t*m
f22 = f22.subs(s, ((A-m*(t-1))*(a+i*n)) / (a*u + i*(b+n*u)))

f22=collect(expand(f22), (A*b*i) / (a*u + b*i + i*n*u))

f22=f22.subs(A*b*(1-k), (r0*(u*a*(u+d1+o+a1)))))

I1=collect(collect(collect(collect(collect(collect(collect(collect(collect(collect(collect(collect(collect(collect(cancel(f22),i)),m),b),n*u),a),u),a1),d1),o),k),r0-1),a1+d1+o+u)

```



### Lampiran 3 Pembuktian proposisi 1

Pelinearan pada titik tetap bebas penyakit  $E_0$  akan menghasilkan matriks jacobi sebagai berikut:

$$J_{E_0} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & 0 \\ 0 & a_{22} & 0 \\ 0 & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$$

$$\begin{aligned} a_{11} &= -\mu \\ a_{12} &= -\frac{\beta A}{\alpha \mu} & a_{32} &= \frac{\beta A}{\alpha \mu} + \sigma \\ a_{22} &= \frac{(1-k)\beta A}{\alpha \mu} - \mu - \delta_1 - \sigma - \alpha_1 & a_{33} &= -\delta_2 - \mu - \alpha_2 \end{aligned}$$

Nilai eigen untuk titik tetap bebas penyakit  $E_0$  diperoleh sebagai berikut:

$$|J_{E_0} - \lambda I_3| = 0$$

atau

$$\begin{vmatrix} a_{11} - \lambda & a_{12} & 0 \\ 0 & a_{22} - \lambda & 0 \\ 0 & a_{32} & a_{33} - \lambda \end{vmatrix} = 0$$

Sehingga diperoleh persamaan karakteristik sebagai berikut:

$$(-\mu - \lambda) \left( \frac{(1-k)\beta A}{\alpha \mu} - \mu - \delta_1 - \sigma - \alpha_1 - \lambda \right) (-\delta_2 - \mu - \alpha_2 - \lambda) = 0$$

Sehingga diperoleh nilai eigen sebagai berikut:

$$\lambda_1 = -\mu (< 0)$$

$$\lambda_2 = -\delta_2 - \mu - \alpha_2 (< 0)$$

$$\begin{aligned} \lambda_3 &= \frac{(1-k)\beta A}{\alpha \mu} - \mu - \delta_1 - \sigma - \alpha_1 \\ &= \frac{(1-k)\beta A}{\alpha \mu} - (\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1) \\ &= \frac{(1-k)\beta A(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)}{\alpha \mu(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)} - (\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1) \\ &= \mathcal{R}_0(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1) - (\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1) \\ &= (\mathcal{R}_0 - 1)(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1) \end{aligned}$$

$\lambda_3$  akan bernilai negatif jika  $\mathcal{R}_0 < 1$ , sehingga titik tetap  $E_0$  akan bersifat stabil asimtotik local jika  $\mathcal{R}_0 < 1$ .

## Lampiran 4 Pembuktian proposisi 2

Untuk mengetahui kestabilan global akan digunakan kriteria Bendixon-Dulac.  
Misalkan,

$$\frac{dI}{dt} = \frac{(1-k)\beta SI}{\alpha + \eta I} - (\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)I = f_1$$

$$\frac{dQ}{dt} = \frac{k\beta SI}{\alpha + \eta I} + \sigma I - (\delta_2 + \mu + \alpha_2)Q = f_2$$

Kemudian, ditentukan fungsi dulac sebagai berikut

$$g(I, Q) = \frac{1}{IQ}$$

Oleh karena itu

$$\begin{aligned} L(I, Q) &= \frac{\partial(gf_1)}{\partial I} + \frac{\partial(gf_2)}{\partial Q} \\ &= \frac{\partial}{\partial I} \left( \frac{1}{IQ} \left( \frac{(1-k)\beta SI}{\alpha + \eta I} - (\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)I \right) \right) \\ &\quad + \frac{\partial}{\partial Q} \left( \frac{1}{IQ} \left( \frac{k\beta SI}{\alpha + \eta I} + \sigma I - (\delta_2 + \mu + \alpha_2)Q \right) \right) \\ &= \frac{\partial}{\partial I} \left( \frac{1}{Q} \left( \frac{(1-k)\beta S}{\alpha + \eta I} - \mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1 \right) \right) \\ &\quad + \frac{\partial}{\partial Q} \left( \frac{1}{Q} \left( \frac{k\beta S}{\alpha + \eta I} + \sigma \right) - \frac{1}{I} (\delta_2 + \mu + \alpha_2) \right) \\ &= -\frac{1}{Q} \frac{(1-k)\beta \eta S}{(\alpha + \eta I)^2} - \frac{1}{Q^2} \frac{k\beta S}{\alpha + \eta I} - \frac{1}{Q^2} \sigma < 1 \end{aligned}$$

Untuk setiap  $I, Q > 0$ . Karena  $L(I, Q)$  tidak berubah tanda dan tidak nol identik pada kuadran positif bidang  $I - Q$ , maka berdasarkan kriteria Bendixson-Dulac system tidak memiliki solusi periodic di daerah  $\mathcal{R}_+^2$  bidang  $I - Q$ . Karena tidak ada solusi periodic di daerah  $\mathcal{R}_+^2$  bidang  $I - Q$  maka tidak ada yang membatasi daerah kestabilan asimtotik. Oleh karena itu titik tetap bebas penyakit akan selalu stabil asimtotik local ketika  $\mathcal{R}_0 < 1$ , dan stabil asimtotik global di daerah  $\mathcal{R}_+^2$  bidang  $I - Q$  jika  $\mathcal{R}_0 < 1$



## Lampiran 5 Pembuktian proposisi 3

Nilai eigen untuk titik tetap bebas penyakit  $E_0$  diperoleh sebagai berikut:

$$|J_{E_1} - \lambda I_3| = 0$$

atau

$$\begin{vmatrix} b_{11} - \lambda & b_{12} & 0 \\ b_{21} & b_{22} - \lambda & 0 \\ b_{31} & b_{32} & b_{33} - \lambda \end{vmatrix} = 0$$

Sehingga diperoleh persamaan karakteristik sebagai berikut:

$$(b_{11} - \lambda)(b_{22} - \lambda)(b_{33} - \lambda) - (b_{33} - \lambda)b_{21}b_{12} = 0$$

$$(b_{33} - \lambda)((b_{11} - \lambda)(b_{22} - \lambda) - b_{21}b_{12}) = 0$$

$$(b_{33} - \lambda)(b_{11}b_{22} - \lambda b_{22} - \lambda b_{11} + \lambda^2 - b_{21}b_{12}) = 0$$

$$(b_{33} - \lambda)(\lambda^2 - (b_{22} + b_{11})\lambda + (b_{11}b_{22} - b_{21}b_{12})) = 0$$

Sehingga diperoleh nilai eigen sebagai berikut:

$$\lambda_1 = b_{33}$$

$$= -\delta_2 - \mu - \alpha_2$$

$$= -(\delta_2 + \mu + \alpha_2) (< 0)$$

$$\lambda_{2,3} = \frac{(b_{22} + b_{11}) \pm \sqrt{(-b_{22} - b_{11})^2 - 4(b_{11}b_{22} - b_{21}b_{12})}}{2}$$

$$= \frac{(b_{22} + b_{11}) \pm \sqrt{b_{22}^2 + 2b_{11}b_{22} + b_{11}^2 - 4b_{11}b_{22} + 4b_{21}b_{12}}}{2}$$

$$= \frac{(b_{22} + b_{11}) \pm \sqrt{b_{22}^2 - 2b_{11}b_{22} + b_{11}^2 + 4b_{21}b_{12}}}{2}$$

$$= \frac{(b_{22} + b_{11}) \pm \sqrt{(b_{22} - b_{11})^2 + 4b_{21}b_{12}}}{2}$$

$\lambda_2$  dan  $\lambda_3$  akan bernilai negatif jika  $(b_{22} + b_{11}) < 0$  dan populasi terinfeksi bernilai positif jika  $\mathcal{R}_0 > 1$ , sehingga titik tetap  $E_1$  akan bersifat stabil asimtotik lokal jika  $(b_{22} + b_{11}) < 0$ .



## Lampiran 6 Perhitungan indeks sensitivitas

- Indeks sensitivitas  $k$

$$\begin{aligned} \gamma_k^{\mathcal{R}_0} &= \frac{k}{\mathcal{R}_0} \times \frac{\partial \mathcal{R}_0}{\partial k} \\ &= \frac{k}{\frac{(1-k)\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}} \times \frac{-\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)} \\ &= \frac{k\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}{(1-k)\beta A} \times \frac{-\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)} \\ &= -\frac{k}{(1-k)} \\ &= -\frac{0.5}{(1-0.5)} = -1 \end{aligned}$$

- Indeks sensitivitas  $\alpha$

$$\begin{aligned} \gamma_{\alpha}^{\mathcal{R}_0} &= \frac{\alpha}{\mathcal{R}_0} \times \frac{\partial \mathcal{R}_0}{\partial \alpha} \\ &= \frac{\alpha}{\frac{(1-k)\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}} \times \frac{-\mu(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} \\ &= \frac{\mu\alpha^2(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}{(1-k)\beta A} \times \frac{-\mu(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} = -1 \end{aligned}$$

- Indeks sensitivitas  $\delta_1$

$$\begin{aligned} \gamma_{\delta_1}^{\mathcal{R}_0} &= \frac{\delta_1}{\mathcal{R}_0} \times \frac{\partial \mathcal{R}_0}{\partial \delta_1} \\ &= \frac{\delta_1}{\frac{(1-k)\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}} \times \frac{-\mu\alpha(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} \\ &= \frac{\delta_1\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}{(1-k)\beta A} \times \frac{-\mu\alpha(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} \\ &= -\frac{\delta_1}{\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1} \end{aligned}$$

Hak Cipta Dilindungi Undang-undang  
1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :

a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah.

b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar IPB University.

2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.



$$= -\frac{0.1}{3.57 \times 10^{-5} + 0.1 + 0.59 + 0.06} = -0.13332$$

- Indeks sensitivitas  $\sigma$

$$\begin{aligned}\gamma_{\sigma}^{\mathcal{R}_0} &= \frac{\sigma}{\mathcal{R}_0} \times \frac{\partial \mathcal{R}_0}{\partial \sigma} \\ &= \frac{\sigma}{\frac{(1-k)\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}} \times \frac{-\mu\alpha(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} \\ &= \frac{\sigma\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}{(1-k)\beta A} \times \frac{-\mu\alpha(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} \\ &= -\frac{\sigma}{\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1} \\ &= -\frac{0.59}{3.57 \times 10^{-5} + 0.1 + 0.59 + 0.06} = -0.7866\end{aligned}$$

- Indeks sensitivitas  $\alpha_1$

$$\begin{aligned}\gamma_{\alpha_1}^{\mathcal{R}_0} &= \frac{\alpha_1}{\mathcal{R}_0} \times \frac{\partial \mathcal{R}_0}{\partial \alpha_1} \\ &= \frac{\alpha_1}{\frac{(1-k)\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}} \times \frac{-\mu\alpha(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} \\ &= \frac{\alpha_1\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}{(1-k)\beta A} \times \frac{-\mu\alpha(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} \\ &= -\frac{\alpha_1}{\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1} \\ &= -\frac{0.06}{3.57 \times 10^{-5} + 0.1 + 0.59 + 0.06} = -0.07999\end{aligned}$$

- Indeks sensitivitas  $\beta$

$$\begin{aligned}\gamma_{\beta}^{\mathcal{R}_0} &= \frac{\beta}{\mathcal{R}_0} \times \frac{\partial \mathcal{R}_0}{\partial \beta} \\ &= \frac{\beta}{\frac{(1-k)\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}} \times \frac{-\mu\alpha(1-k)A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2}\end{aligned}$$

Hak Cipta Dilindungi Undang-undang

1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :

a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah

b. Pengutipan tidak mengurangi kepentingan yang wajar IPB University.

2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.

$$= \frac{\beta\mu\alpha(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)}{(1 - k)\beta A} \times \frac{(1 - k)A}{\mu\alpha(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)} = 1$$

Indeks sensitivitas  $A$

$$\gamma_A^{\mathcal{R}_0} = \frac{A}{\mathcal{R}_0} \times \frac{\partial \mathcal{R}_0}{\partial A}$$

$$= \frac{A}{\frac{(1-k)\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}} \times \frac{-\mu\alpha(1-k)\beta}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2}$$

$$= \frac{A\mu\alpha(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)}{(1 - k)\beta A} \times \frac{(1 - k)\beta}{\mu\alpha(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)} = 1$$

- Indeks sensitivitas  $\mu$

$$\begin{aligned} \gamma_{\mu}^{\mathcal{R}_0} &= \frac{\mu}{\mathcal{R}_0} \times \frac{\partial \mathcal{R}_0}{\partial \mu} \\ &= \frac{\mu}{\frac{(1-k)\beta A}{\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1)}} \times \frac{-(2\alpha\mu + \alpha\delta_1 + \alpha\sigma + \alpha\alpha_1)(1-k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu+\delta_1+\sigma+\alpha_1))^2} \\ &= \frac{\mu^2\alpha(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)}{(1 - k)\beta A} \times \frac{-\alpha(2\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)(1 - k)\beta A}{(\mu\alpha(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1))^2} \\ &= \frac{-(2\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)}{(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)} \\ &= \frac{-(\mu + \mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)}{(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)} \\ &= -\frac{\mu}{(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)} - \frac{(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)}{(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)} \\ &= -\frac{\mu}{(\mu + \delta_1 + \sigma + \alpha_1)} - 1 \\ &= -\frac{3.57 \times 10^{-5}}{3.57 \times 10^{-5} + 0.1 + 0.59 + 0.06} - 1 = -1.0005 \end{aligned}$$



## Lampiran 7 syntaks simulasi numerik

```

using DifferentialEquations
using Plots

function SIQ!(f, u, p, t)
    i = u[1]
    s = u[2]
    q = u[3]

    f[1] = (((1-k)*(b*s*i)) / (a+n*i)) - uu*i - d1*i - o*i - a1*i + tt*m
    f[2] = aa - ((b*s*i) / (a+n*i)) - uu*s + (1-tt)*m
    f[3] = ((k*b*s*i) / (a+n*i)) + o*i - d2*q - uu*q - a2*q
end

u0 = [10; 10374231; 0] #nilai awal [I(0),S(0),Q(0)]

time_span = (0.0, 30000.0)
time_span1 = (0.0, 20.0)
time_span2 = (0.0, 60.0)
;

#parameter yang digunakan
aa = 391 #tingkat pertumbuhan
a = 5.0 #konstanta setengah saturasi
n = 1.0 #konstanta positif
uu = 3.57*10^-5 #tingkat kematian alami
k = 0.5 #tingkat pelacakan kontak
d1 = 0.1 #tingkat kesembuhan populasi terinfeksi
d2 = 0.1 #tingkat kesembuhan populasi dikarantina
o = 0.59 #tingkat transisi dari populasi terinfeksi ke populasi
          dikarantina
a1 = 0.06 #tingkat kematian akibat penyakit pada populasi
          terinfeksi
a2 = 0.06 #tingkat kematian akibat penyakit pada populasi
          dikarantina
tt= 0.9 #tingkat migran yang terinfeksi
;

#r0<1

b = 6*10^-7
k = 0.5
m = 0

prob_r1 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span)
prob_r11 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span2)
sol_r1 = solve(prob_r1, saveat=1);
sol_r11 = solve(prob_r11, saveat=0.0001);

plot(sol_r1, size=(950,450), layout=(1,2), xaxis="t",
      yaxis="Populasi", color=["red" "blue" "green"], labels = ["I"
      "S" "Q"], lw = 2, legends= :outertopright)

savefig("r1")

plot(sol_r11, size=(950,450), layout=(1,2), xaxis="t",
      yaxis="Populasi", color=["red" "blue" "green"], labels = ["I"
      "S" "Q"], lw = 2, legends= :outertopright)

```

Hak Cipta Dilindungi Undang-undang  
 1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :  
 a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah  
 b. Pengutipan tidak mengurangi kepentingan yang wajar IPB University.  
 2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.



```
savefig("r11")

#r0>1

b = 2.6*10^-6
k = 0.5
m = 0

prob_r2 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span)
prob_r22 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span2)
sol_r2 = solve(prob_r2, saveat=1);
sol_r22 = solve(prob_r22, saveat=0.0001);

plot(sol_r2, size=(950,450), layout=(1,2),xaxis="t",
      yaxis="Populasi", color=["red" "blue" "green"],labels = ["I"
      "S" "Q"], lw = 2, legends= :outertopright)

savefig("r2")

plot(sol_r22, size=(950,450), layout=(1,2),xaxis="t",
      yaxis="Populasi", color=["red" "blue" "green"],labels = ["I"
      "S" "Q"], lw = 2, legends= :outertopright)

savefig("r22")

#lockdown

b = 2.6*10^-6
k = 0.5
m = 0
prob_m1 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_m1 = solve(prob_m1, saveat=0.0001);

b = 2.6*10^-6
k = 0.5
m=100
prob_m2 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_m2 = solve(prob_m2, saveat=0.0001);

b = 2.6*10^-6
k = 0.5
m=250
prob_m3 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_m3 = solve(prob_m3, saveat=0.0001);

b = 2.6*10^-6
k = 0.5
m=500
prob_m4 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_m4 = solve(prob_m4, saveat=0.0001);

plot(sol_m1, size=(1800,1000), layout=(2,2),xaxis="t",
      yaxis="Populasi Terinfeksi", color=[ "orange"],labels = "m=0",
      lw = 2, legends= :outertopright)
plot!(sol_m2, color=[ "navy"],labels = "m=100", lw = 2)
plot!(sol_m3, color=[ "magenta"],labels = "m=250", lw = 2)
```



Hak Cipta Dilindungi Undang-undang  
 1. Dilarang mengutip sebagian atau seluruh karya tulis ini tanpa mencantumkan dan menyebutkan sumber :  
 a. Pengutipan hanya untuk kepentingan pendidikan, penelitian, penulisan karya ilmiah, penyusunan laporan, penulisan kritik atau tinjauan suatu masalah  
 b. Pengutipan tidak merugikan kepentingan yang wajar IPB University.  
 2. Dilarang mengumumkan dan memperbanyak sebagian atau seluruh karya tulis ini dalam bentuk apapun tanpa izin IPB University.

## @Hak cipta milik IPB University

```

plot!(sol_m4, color=["dark green"], labels = "m=500", lw = 2)
savefig("lockdown")

#b

b = 6*10^-7
k = 0.5
m = 0
prob_b1 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_b1 = solve(prob_b1, saveat=0.0001);

b = 2*10^-6
k = 0.5
m = 0
prob_b2 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_b2 = solve(prob_b2, saveat=0.0001);

b = 2.6*10^-6
k = 0.5
m = 0
prob_b3 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_b3 = solve(prob_b3, saveat=0.0001);

b = 4*10^-6
k = 0.5
m = 0
prob_b4 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_b4 = solve(prob_b4, saveat=0.0001);

plot(sol_b1, size=(1800,1000), layout=(2,2),xaxis="t",
      yaxis="Populasi Terinfeksi", color=["orange"],labels = "b =
      0.0000006", lw = 2, legends= :outertopright)
plot!(sol_b2, color=["navy"],labels = "b = 0.000002", lw = 2)
plot!(sol_b3, color=["magenta"],labels = "b = 0.0000026", lw = 2)
plot!(sol_b4, color=["dark green"],labels = "b = 0.000004", lw =
      2)

savefig("b")

#k

b = 2.6*10^-6
k = 0.1
m = 0
prob_k1 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_k1 = solve(prob_k1, saveat=0.0001);

b = 2.6*10^-6
k = 0.5
m = 0
prob_k2 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_k2 = solve(prob_k2, saveat=0.0001);

b = 2.6*10^-6
k = 0.7
m = 0
prob_k3 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_k3 = solve(prob_k3, saveat=0.0001);
  
```



```
b = 2.6*10^-6
k = 0.9
m = 0
prob_k4 = ODEProblem(SIQ!, u0, time_span1)
sol_k4 = solve(prob_k4, saveat=0.0001);

plot(sol_k1, size=(1800,1000), layout=(2,2),xaxis="t",
      yaxis="Populasi Terinfeksi", color=["orange"],labels =
      "k=0.1", lw = 2, legends= :outertopright)
plot!(sol_k2, color=["navy"],labels = "k=0.5", lw = 2)
plot!(sol_k3, color=["magenta"],labels = "k=0.7", lw = 2)
plot!(sol_k4, color=["dark green"],labels = "k=0.9", lw = 2)

savefig("k")
```